

מדינת ישראל משרד החינוך

דولة إسرائيل وزارة التربية والتعليم

סוג הבחינה: בגרות
מועד הבחינה: קיץ תשפ"ה, 2025
מספר השאלון: 35582
נספח: דפי נוסחאות ל-5 יח"ל
תרגום לערבית (2)

נוע الامتحان: بجروت
موعد الامتحان: صيف 2025
رقم النموذج: 35582
ملحق: لوائح قوانين لـ 5 وحدات تعليمية
ترجمة إلى العربية (2)

انتبهوا: في هذا الامتحان توجد توجيهات خاصة.
يجب الإجابة عن الأسئلة حسب التوجيهات.

מתמטיקה

الرياضيات

5 יחידות לימוד – שאלון שני

5 وحدات تعليمية – النموذج الثاني

הוראות

تعليمات

- משך הבחינה: שעותיים וארבעים וחמש דקות.
- מבנה השאלון ומפתח ההערכה:
בשאלון זה שני פרקים, ובהם חמש שאלות.
פרק ראשון – גאומטריה אנליטית, וקטורים,
טריגונומטריה במרחב, מספרים מרוכבים
פרק שני – גדילה ודעיכה, פונקציות חזקה,
פונקציות מעריכיות ולוגריתמיות
יש לענות על שלוש שאלות, על
שאלה אחת לפחות מכל פרק –
 $3 \times \frac{1}{3} = 100$ נקודות
- חומר עזר מותר בשימוש:
 - מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכנות במחשבון שיש בו אפשרות תכנות.
 - שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכנות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.
 - דפי נוסחאות (מצורפים).
 - הוראות מיוחדות:
 - אין להעתיק את השאלה; יש לסמן את מספרה בלבד.
 - יש להתחיל כל שאלה בעמוד חדש. יש לרשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעזרת מחשבון.
 - יש להסביר את כל הפעולות, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת.
 - חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

يجب الكتابة في دفتر الامتحان فقط. يجب كتابة "مسودة" في بداية كل صفحة تستعمل مسودة.
كتابة أية مسودة على أوراق خارج دفتر الامتحان قد تسبب إلغاء الامتحان.

الأسئلة في هذا النموذج ترد بصيغة الجمع، ورغم ذلك يجب على كل طالبة وطالب الإجابة عنها بشكل فردي.

נتمنى لكم النجاح!

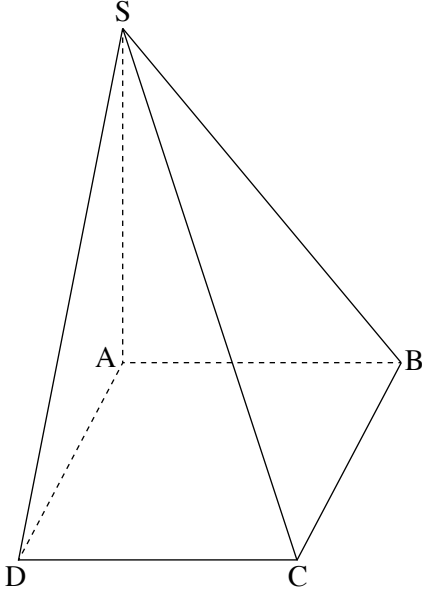
בהצלחה!

الأسئلة

أجيبوا عن ثلاثة من الأسئلة 1-5، عن سؤال واحد على الأقل من كل فصل. (لكل سؤال $33\frac{1}{3}$ درجة).
 انتبهوا: إذا أجبتم عن أكثر من ثلاثة أسئلة، تُفحص فقط الإجابات الثلاث الأولى التي في دفتركم.

الفصل الأول: الهندسة التحليلية، المتجهات، حساب المثلثات في الفراغ، الأعداد المركبة

1. معطاة دائرة I معادلتها $x^2 - 6x + y^2 + t = 0$. t هو پارامتر أصغر من 9.
 - أ. عبّروا بدلالة t عن نصف قطر الدائرة.
 - المستقيم $y = x$ يمسّ الدائرة.
 - ب. جدوا قيمة t.
- أزاحوا الدائرة I إلى اليسار بحيث نتجت الدائرة II التي مركزها في نقطة أصل المحاور O.
 - A هي نقطة ما على محيط الدائرة II بحيث $-1.5 \leq y_A \leq 1.5$.
 - مرّروا عبر النقطة A الوتر AB الذي يعامد المحور y.
 - النقطة P تقع على الوتر AB بحيث يتحقّق $AB = 2 \cdot PO$.
 - ج. بيّنوا أنّ المحلّ الهندسيّ لجميع النقاط P التي تنتج بهذه الطريقة موجود على محيط قطع ناقص، وجدوا معادلته.
 - النقطة K هي البؤرة اليمنى، والنقطة F هي البؤرة اليسرى للقطع الناقص الذي وجدتموه في البند "ج".
 - C هي نقطة ما على محيط القطع الناقص بحيث يَنْتِج المثلث CKF.
 - د. احسبوا محيط المثلث CKF.
 - هـ. هل توجد نقطة C بالنسبة لها مساحة المثلث CKF هي 3؟ علّلوا إجابتكم.



2. معطى الهرم SABCD الذي قاعدته ABCD هي متوازي أضلاع. SA هو ارتفاع الهرم.

النقطة M هي منتصف القطر BD.

نرمز: $\vec{AS} = \underline{w}$ ، $\vec{AD} = \underline{v}$ ، $\vec{AB} = \underline{u}$.

أ. عبّروا بدلالة $\underline{u}$ و $\underline{v}$ و $\underline{w}$ عن المتجه $\vec{SM}$.

معطى أنّ $\vec{SM}$ يعامد $\vec{DB}$.

ب. برهنوا أنّ $|\underline{u}| = |\underline{v}|$.

معطى أنّ: $S(0, 0, 6)$ ، $B(0, 5, 0)$ ، $A(0, 0, 0)$.

$p > 0$ ، $D(3, p, 0)$.

ج. جدوا إحداثيات النقطتين D و C.

يمرّرون عبر القطر AC مستوى يوازي الضلع SD.

المستوى يقطع الضلع SB في النقطة K.

د. جدوا معادلة المستوى.

هـ. أمامكم ادّعاءان II-I. حدّدوا بالنسبة لكل واحد من الادّعاءين، إذا كان صحيحاً أم غير صحيح. علّلوا تحديدكم.

I. المستقيم KM يوازي المستقيم SD.

II. كل مستقيم يعامد المستوى ACK ، يعامد المستقيم SD.

3. أ. عبّروا بدلالة x و y عن معادلة المحل الهندسي لجميع النقاط $z = x + iy$ في مستوى جلاوس التي تُحقّق $|z| = |z - (2 + 2i)|$.

z هو متغيّر مركّب.

معطاة المعادلة $z^2 - z(2 + 2i) + 4i = 0$.

A و B هما نقطتان مُمثّلتان بواسطة حلّي المعادلة.

ب. بيّنوا أنّ النقطتين A و B تقعان على المحل الهندسي الذي وجدتموه في البند "أ".

النقطتان C و D تقعان على المحورين بحيث ABCD هو مربع.

أداروا المربع ABCD حول نقطة أصل المحاور بعكس اتجاه عقارب الساعة بزاوية α ($0^\circ < \alpha < 90^\circ$).

جميع النقاط الثماني (النقاط A و B و C و D وأربع النقاط التي نتجت بعد الدوران) مُمثّلة بواسطة حلول

للمعادلة $z^n = b$ ، التي فيها n هو عدد طبيعي، و b هو عدد حقيقي.

جـ. (1) جدوا قيمة b وقيمة α بالنسبة لـ $n = 8$.

(2) جدوا قيمة ممكنة لـ n بالنسبة لـ $\alpha = 15^\circ$ ، وجدوا قيمة b التي تلائمها.

الفصل الثاني: التزايد والتضاؤل، دوال القوى، الدوال الأسية واللوغاريتمية

4. معطاة الدالة $f(x) = \frac{e^x}{a - e^x}$ ، a هو پارامتر لا يساوي 0 .

أ. أجبوا عن البنود الفرعية (1)–(3) بالنسبة لـ $a > 0$ ، وبالنسبة لـ $a < 0$.
 عبّروا عن إجاباتكم بدلالة a ، إذا دعت الحاجة .
 (1) جدوا مجال تعريف الدالة $f(x)$.

(2) جدوا معادلات خطوط التقارب المعامدة للمحور y ، للدالة $f(x)$.

(3) جدوا مجالات تصاعد وتنازل الدالة $f(x)$ (إذا وُجدت مثل هذه المجالات) .

ب. حدّدوا أيّاً من الرسوم البيانية IV–I التي في آخر السؤال، يصف الدالة $f(x)$ بالنسبة لـ $a = 3$ ، وأيّاً من الرسوم البيانية يصف الدالة $f(x)$ بالنسبة لـ $a = -3$. علّلوا تحديدكم .

عوضوا $a = 3$ في الدالة $f(x)$ ، وأجبوا عن البنود "ج–هـ" .

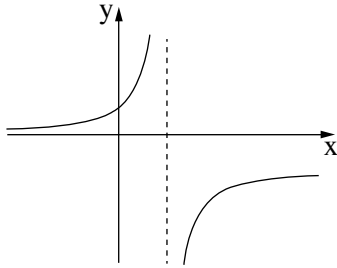
معطاة الدالة $g(x) = \frac{1}{f(x) + 2}$.

ج. (1) جدوا مجال تعريف الدالة $g(x)$.

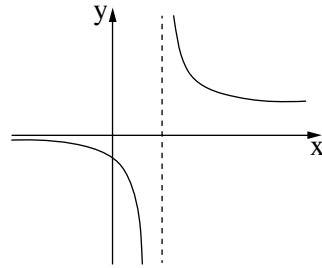
(2) جدوا معادلات خطوط التقارب المعامدة للمحورين، للدالة $g(x)$.

د. ارسّموا رسماً بيانياً تقريبياً للدالة $g(x)$.

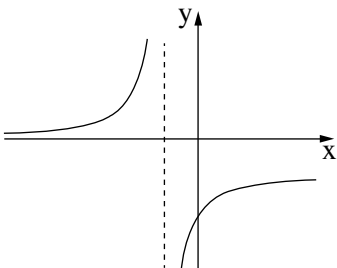
هـ. أمامكم ادّعاء: $\int_{-4}^{-2} g(x) dx > \int_2^3 g(x) dx$. هل الادّعاء صحيح؟ علّلوا إجابتكم .



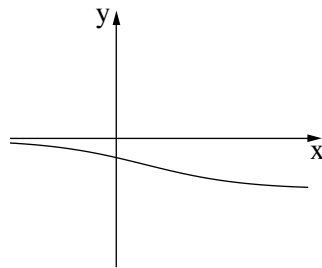
I



II



III

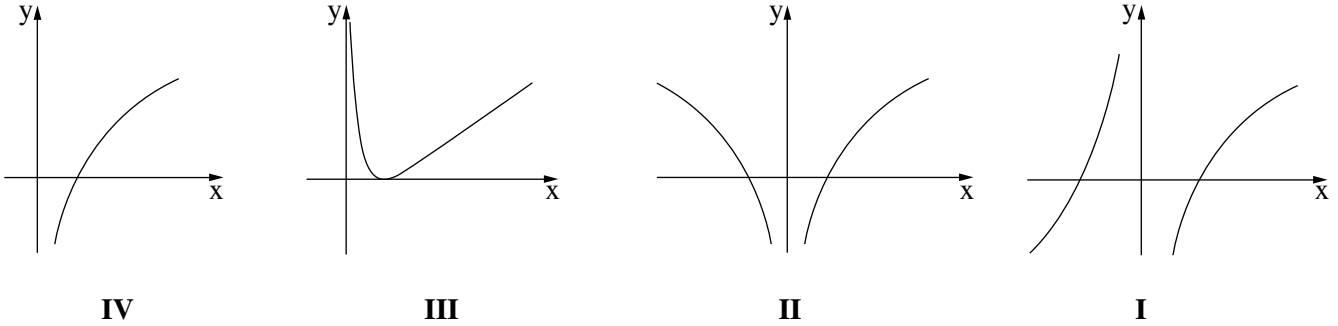


IV

5. معطاة الدالة $f(x) = \ln(x^n)$ ، n هو عدد طبيعي زوجي.

أ. (1) جدوا مجال تعريف الدالة $f(x)$.

(2) أمامكم أربعة رسوم بيانية، IV-I. حددوا أيًا منها يمثل الدالة $f(x)$. علّلوا تحديدكم.



عوضوا $n = 2$ في الدالة $f(x)$ ، وأجيبوا عن البنود "ب - د".

معطاة الدالة $g(x) = (f(x))^2 - 4$ ، المعرفة لكل $x \neq 0$.

ب. (1) جدوا إحداثيات نقاط تقاطع الرسم البياني للدالة $g(x)$ مع المحور x .

(2) جدوا إحداثيات النقاط القصوى للدالة $g(x)$ ، وحددوا نوع هذه النقاط.

ج. ارسموا رسمًا بيانيًا تقريبيًا للدالة $g(x)$.

معطاة الدالة $k(x) = \frac{g'(x)}{g(x)}$ ، في المجال $x > 0$.

د. (1) جدوا مجال تعريف الدالة $k(x)$.

(2) احسبوا المساحة المحصورة بين الرسم البياني للدالة $k(x)$ والمحور x والمستقيمين $x = e^2$ و $x = e^3$.

בהצלחה!

נשמתי לכם النجاح!

זכות היוצרים שמורה למדינת ישראל.

אין להעתיק או למסרם אלא ברשות משרד החינוך.

חقوق الطبع محفوظة לדولة إسرائيل.

النسخ أو النشر ممنوعان إلا بإذن من وزارة التربية والتعليم.