

סוג הבדיקה: בגרות
מועד הבדיקה: קיץ תשפ"ד, 2024
מספר השאלה: 35482
דף נוסחאות ל-4 ייחידות לימוד
נספח:

משמעותו של לב בבדיקה זו:
יש להענות על השאלות על פי הנחיות אלה.

מתמטיקה

4 ייחידות לימוד – שאלון שני

הוראות

א. משך הבדיקה: שעתים וחצי.

ב. מבנה השאלה ופתחה הערכה: שאלון זה שני פרקים, בהם חמישה שאלות.
פרק ראשון – סדרות, טריגונומטריה במרחבים
פרק שני – גאומטריה, חישובים דיפרנציאלי ואינטגרלי של פונקציות טריגונומטריות,
פונקציות מערכיות ולוגריתמיות ופונקציות חזקה
יש להענות על שלוש שאלות לבחירתכם – $\frac{1}{3} \times 3 = 100$ נקודות.

ג. חומר עזר מותר בשימוש:
(1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכונות במחשבון שיש בו אפשרות תכנון.
שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכונות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבדיקה.
(2) דפי נוסחאות (מצורפים).

ד. הוראות מיוחדות:
(1) אין להעתיק את השאלה; יש לסמן את מספירה בלבד.
(2) יש להתחליל כל שאלה בעמוד חדש. יש לרשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעזרה מחשבון.
יש להסביר את כל הפעולות, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת.
חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבדיקה.

יש לכתוב במחברת הבדיקה בלבד. יש לרשום "טיוטה" בראש כל עמוד המשמש טיוטה.
כתבת טיוטה בדף שאינו במחברת הבדיקה עלולה לגרום לפסילת הבדיקה.

השאלות בשאלון זה מנוסחות בלשון רבים, אף על פי כן על כל תלמיד וכל תלמיד להסביר עליהם באופן אישי.

בהצלחה!

השאלות

ענו על שלוש מן השאלות 1–5 (לכל שאלה – $\frac{1}{3}$ נקודות).

シימו לב: אם תענה על יותר משלוש שאלות, ייבדקו רק שלוש התשובות הראשונות שבמחברתכם.

פרק ראשון – סדרות, טריגונומטריה במרחב

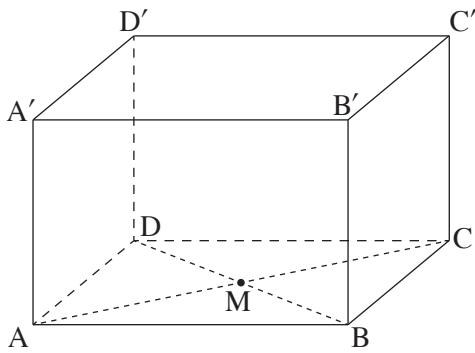
סדרות

1. לרכבת מסויימת יש 11 קרונות. ביום א', מספר הנוסעים בכל קרון היה גדול במספר קבוע המנוסעים בקרון שלפניו.
מספר הנוסעים בקרון האחרון היה גדול פי 3 מאשר�数字
ביום זה מספר הנוסעים ברכבת היה 220 סך הכל.
 - א. מצאו כמה נוסעים היו בקרון הראשון.
 - ב. מצאו כמה נוסעים היו בקרון האמצעי.
 - ג. מצאו כמה נוסעים סך הכל היו בקרונות האיזוגיים (בקרון הראשון, השלישי, החמישי וכן הלאה).

ביום ב' מספר הנוסעים ברכבת היה גדול פי 2 מאשר�数字
ביום ב', מספר הנוסעים בכל קרון היה גדול פי 3 מאשר�数字
ביום זה היו בקרון הראשון 5 נוסעים.

ד. מצאו את מספר הקרונות שהוסיפו לרכבת ביום ב'.

טריגונומטריה במרחב



2. בסרטוט שלפניכם מתוארת תיבה $A'B'C'D'$.
אלכסוני הבסיס $ABCD$ נפגשים בנקודה M .
נתון: $AB = 5$, $BC = 12$.
נתון כי גודל הזווית שבין הקטע MC ובין הבסיס $ABCD$ הוא 50° .
 - א. מצאו את אורך גובה התיבה.
 - ב. מצאו את שטח הפנים של התיבה.

אלכסוני הבסיס $A'B'C'D'$ נפגשים בנקודה M' .

נקודה P נמצאת על הקטע MM' כך שמתקיים $AP = 1.5MP$.

מן הנקודה P חיבורו קטעים אל קודקודיו הבסיס $ABCD$ כך שנוצרה פירמידה ישרה $PABCD$.

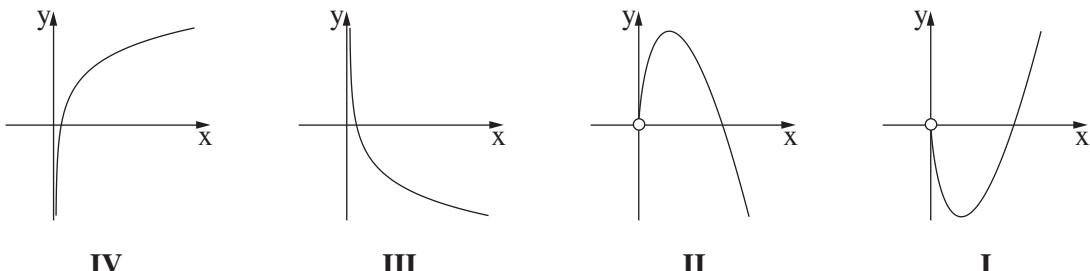
ג. מצאו את גודל הזווית שבין מקצוע צדי של הפירמידה ובין הבסיס $ABCD$.

ד. מצאו את נפח הפירמידה.

**פרק שני – גדרה ודעיכה, חישוב דיפרנציאלי וrintegrali
של פונקציות טריגונומטריות, פונקציות מעריכיות ולוגריתמיות
ופונקציות חזקה**

- .3. נתונה הפונקציה $f(x) = a - \frac{1}{2}(\sin x)^2$, a הוא פרמטר.
הfonקצייה $f(x)$ מוגדרת בתחום $0 \leq x \leq 2\pi$.
- א. מצאו את שיעורי כל נקודות הקיצון של הפונקציה $f(x)$, וקבעו את סוגן. הביעו באמצעות a אם יש צורך.
- הישר $y = 2$ משיק לגרף הפונקציה $f(x)$.
- ב. מצאו את שני הערכים האפשריים של a .
- הציבו בפונקציה $f(x)$ את הערך של a הקטן יותר שמצאתם, וענו על הסעיפים ג-ד.
- ג. סרטטו סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.
- נתונה הפונקציה $g(x) = f(x)$, המקיים $g'(x) = f(x)$.
הfonקציות $f(x)$ ו- $g(x)$ מוגדרות באותו תחום.
- ד. לפניכם שתי טענות I-II. קבעו בעבר כל טענה אם היא נכונה או אינה נכונה. נמקו את קביעותיכם.
- I. לפונקציה $g(x)$ יש 3 נקודות קיצון פנימיות.
- II. הפונקציה $g(x)$ עולה בתחום $0 < x < 2\pi$.
- .4. נתונה הפונקציה $f(x) = \frac{e^{2x}}{e^x - 3}$.
- א. (1) מצאו את תחום ההגדרה של הפונקציה $f(x)$.
- (2) מצאו את משוואת האסימפטוטה האנכית לציר ה- x של הפונקציה $f(x)$.
- ב. מצאו את שיעורי נקודת החיתוך של גרף הפונקציה $f(x)$ עם הצירים (אם יש כאלה).
- ג. מצאו את שיעורי נקודת הקיצון של הפונקציה $f(x)$, וקבעו את סוגה.
- ד. מצאו את תחומי העליה והירידה של הפונקציה $f(x)$.
- ה. סרטטו סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.
- נתונה הפונקציה $g(x) = -f(x) + 15$, המקיים $g'(x) = -f'(x)$.
הfonקציות $f(x)$ ו- $g(x)$ מוגדרות באותו תחום.
- ו. (1) מצאו את שיעורי נקודת הקיצון של הפונקציה $g(x)$, וקבעו את סוגה.
- (2) כמה נקודות חיתוך יש לגרף הפונקציה $g(x)$ עם ציר ה- x ? נמקו את תשובהיכם.

.5

נתונה הפונקציה $f(x) = ax \cdot \ln(2x)$, a הוא פרמטר.א. מצאו את תחום ההגדרה של הפונקציה $f(x)$.נתון כי שיפוע המשיק לגרף הפונקציה $f(x)$ בנקודה שבת $\frac{e}{2}$ הוא 6.ב. מצאו את a .הציבו 3=a בפונקציה $f(x)$ וענו על הטעיפים ג-ו.ג. מצאו את שיעורי נקודת החיתוך של גרף הפונקציה $f(x)$ עם ציר ה- x .ד. מצאו את שיעורי נקודת הקיצון של הפונקציה $f(x)$, וקבעו את סוגה.ה. קבעו איזה מן הגрафים I-IV שבסוף השאלה מתאר את הפונקציה $f(x)$, ואיזה מהם מתאר את פונקציית הנגזרת $f'(x)$. נמקו את קביעותיכם.ו. חשבו את השטח המוגבל על ידי גרף פונקציית הנגזרת $f'(x)$, על ידי הישר $e = x$ ועל ידי ציר ה- x .**בצלחה!**

זכות היוצרים שוויה למדינת ישראל
אין להעתיק או לפורסם אלא ברשות משרד החינוך