

מדינת ישראל

משרד החינוך

סוג הבחינה: א. בגרות לבתי"ס על-יסודיים

ב. בגרות לנבחנים אקסטרניים

מועד הבחינה: קיץ תשע"ד

מספר השאלון: 314,035804

תרגום לערבית (2)

הצעת תשובות לשאלות

בחינת הבגרות

מתמטיקה

4 יחידות לימוד – שאלון ראשון

הוראות לנבחן

א. משך הבחינה: שלוש שעות וחצי.

ב. מבנה השאלון ומפתח ההערכה:

בשאלון זה שלושה פרקים.

פרק ראשון: אלגברה, גאומטריה אנליטית,

הסתברות 20×2 — 40 נק'

פרק שני: גאומטריה וטריגונומטריה

במישור 20×1 — 20 נק'

פרק שלישי: חשבון דיפרנציאלי

ואינטגרלי 40×2 — 40 נק'

סה"כ — 100 נק'

ג. חומר עזר מותר בשימוש:

1. מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות

התכנות במחשבון הניתן לתכנות. שימוש

במחשבון גרפי או באפשרויות התכנות

במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.

2. דפי נוסחאות (מצורפים).

ד. הוראות מיוחדות:

1. אל תעתיק את השאלה; סמן את מספרה בלבד.

2. התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת

את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים

בעזרת מחשבון.

הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים,

בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת.

חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון

או לפסילת הבחינה.

3. לטיטו יש להשתמש במחברת הבחינה

או בדפים שקיבלת מהמשיגים.

שימוש בטיטו אחרת עלול לגרום לפסילת הבחינה.

דولة إسرائيل وزارة التربية والتعليم

نوع الامتحان: أ. بجروت للمدارس الثانوية

ب. بجروت للممتحنين الخارجيين

موعد الامتحان: صيف 2014

رقم النموذج: 314,035804

ترجمة إلى العربية (2)

اقتراح إجابات لأسئلة

امتحان بجروت

الرياضيات

4 وحدات تعليمية – النموذج الأول

تعليمات للممتحن

أ. مدة الامتحان: ثلاث ساعات ونصف.

ب. مبني النموذج وتوزيع الدرجات:

في هذا النموذج ثلاثة فصول.

الفصل الأول: الجبر، الهندسة التحليلية،

الاحتمال 20×2 — 40 درجة

الفصل الثاني: الهندسة وحساب

المثلثات في المستوى 20×1 — 20 درجة

الفصل الثالث: حساب التفاضل

والتكامل 20×2 — 40 درجة

المجموع — 100 درجة

ج. مواد مساعدة يُسمح استعمالها:

1. حاسبة غير بيانية. لا يُسمح استعمال إمكانيات

البرمجة في الحاسبة التي يمكن برمجتها. استعمال

الحاسبة البيانية أو إمكانيات البرمجة في الحاسبة

قد يؤدي إلى إلغاء الامتحان.

2. لوائح قوانين (مرفقة).

د. تعليمات خاصة:

1. لا تنسخ السؤال؛ اكتب رقمه فقط.

2. ابدأ كل سؤال في صفحة جديدة. اكتب في الدفتر

مراحل الحل، حتى إذا أُجريت حساباتك

بواسطة حاسبة.

فسر كل خطواتك، بما في ذلك الحسابات،

بالتفصيل وبوضوح وبترتيب.

عدم التفصيل قد يؤدي إلى خصم درجات

أو إلى إلغاء الامتحان.

3. لكتابة مسودة يجب استعمال دفتر الامتحان

أو الأوراق التي حصلت عليها من المراقبين.

استعمال مسودة أخرى قد يؤدي إلى إلغاء الامتحان.

التعليمات في هذا النموذج مكتوبة بصيغة المذكر وموجهة للممتحنات وللممتحنين على حد سواء.

نتمنى لك النجاح!

בהצלחה!

السؤال 1

נشرت כל מן שרکتין שיאחיתין، الشرکه "أ" والشرکه "ب"، فی الإنترنت عرضاً لرحلة إلى خارج البلاد. لكل عرض نفس السعر.

سعر كل واحد من العرضین يشمل سعر تذكرة الطيران وسعر الاستضافة فی الفندق.

سعر تذكرة الطيران فی الشرکه "أ" أقل بـ 10% من سعر تذكرة الطيران فی الشرکه "ب".

سعر الاستضافة فی الفندق فی الشرکه "أ" أعلى بـ 20% من سعر الاستضافة فی الفندق فی الشرکه "ب".

ارمز بـ x إلى سعر تذكرة الطيران فی الشرکه "ب"، و بـ y إلى سعر الاستضافة فی الفندق فی الشرکه "ب".

أ. بیّن أن $x = 2y$.

ب. اشتری یوسف تذكرة طيران من الشرکه "أ" واستضافة فی الفندق من الشرکه "ب"،

ودفع ما مجموعه 5040 شיקل.

جد سعر تذكرة الطيران فی الشرکه "ب"، وسعر الاستضافة فی الفندق فی الشرکه "ب".

إجابة السؤال 1

أ. سعر تذكرة الطيران فی الشرکه "أ" هو: $0.9x$

سعر الاستضافة فی الفندق فی الشرکه "أ" هو: $1.2y$

لكل عرض نفس السعر، لذلك يتحقق: $x + y = 0.9x + 1.2y$

↓

$$0.1x = 0.2y$$

↓

$$x = 2y$$

ب. دفع یوسف 5040 شיקل مقابل تذكرة الطيران فی الشرکه "أ"

$$\begin{cases} 0.9x + y = 5040 \\ x = 2y \end{cases}$$

حسب البند "أ"

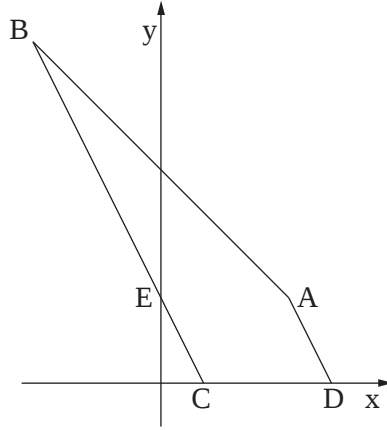
↓

حل هیئة المعادلات هو: $x = 3600$, $y = 1800$

سعر تذكرة الطيران فی الشرکه "ب" هو: 3600 شיקل

سعر الاستضافة فی الفندق فی الشرکه "ب" هو: 1800 شיקل

السؤال 2



- ABCD هو شكل رباعيّ فيه $BC \parallel AD$.
 الضلع AB موضوع على المستقيم $x + y = 10$ ،
 والضلع CD موضوع على المحور x .
 معطى أنّ: $C(2, 0)$ ، $D(8, 0)$ ،
 الإحداثيّ x للنقطة A هو 6 .
 أ. جد الإحداثيّ y للنقطة A .
 ب. جد معادلة المستقيم AD .
 ج. جد إحداثيّات النقطة B .
 د. المستقيم BC يقطع المحور y في النقطة E .
 (1) بيّن أنّ المستقيم AE يوازي المحور x .
 (2) جد مساحة المثلث AEB .

إجابة السؤال 2

$$x + y = 10$$

$$x = 6$$

⇓

$$y = 4$$

$$A(6, 4)$$

أ. النقطة A تقع على المستقيم الذي معادلته:

الإحداثيّ x للنقطة A هو:

لذلك إحداثيّات النقطة A هي:

$$A(6, 4) , D(8, 0)$$

ب. معطاة النقطتان:

$$m_{AD} = \frac{4-0}{6-8} = \frac{4}{-2} = -2$$

ميل المستقيم AD هو:

$$y - 0 = -2(x - 8)$$

معادلة المستقيم AD حسب نقطة وميل هي:

⇓

$$y = -2x + 16$$

(ميلا المستقيمين المتوازيين متساويان) -2

ج. $AD \parallel BC$ ، لذلك ميل المستقيم BC هو:

معادلة المستقيم BC

حسب النقطة $C(2, 0)$ والميل -2 هي: $y = -2x + 4$

النقطة B هي نقطة تقاطع

المستقيمين AB و BC ، لذلك يتحقق:

$$\begin{cases} x + y = 10 \\ y = -2x + 4 \end{cases}$$

⇓

$$x = -6 , y = 16$$

$$B(-6, 16)$$

لذلك، إحداثيّات النقطة B هي:

תכלמה إجابة السؤال 2.

ד. (1) הנקطة E تقع على المستقيم BC والإحداثي x للنقطة هو 0، لذلك يتحقق:

$$y = -2 \cdot 0 + 4$$

↓

$$y = 4$$

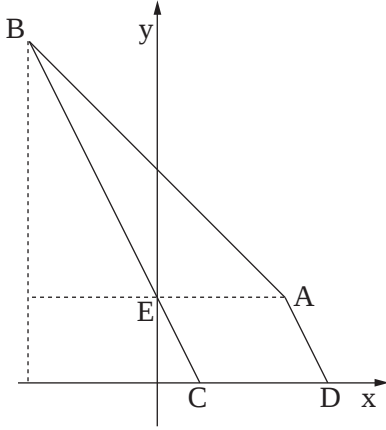
إحداثيات النقطة E هي: $E(0, 4)$

إحداثيات النقطة A هي: $A(6, 4)$

ميل المستقيم AE هو: $m_{AE} = \frac{4-4}{0-6} = 0$

↓

ميل المستقيم AE هو 0، لذلك المستقيم AE يوازي المحور x



(2) طول القطعة AE هو: $AE = x_A - x_E = 6$

طول الارتفاع على الضلع AE في المثلث AEB هو:

$$y_B - y_E = 16 - 4 = 12$$

مساحة المثلث AEB هي: $S_{\triangle AEB} = \frac{AE \cdot (y_B - y_E)}{2}$

↓

$$S_{\triangle AEB} = \frac{6 \cdot 12}{2} = 36$$

السؤال 3

- أجروا استطلاعاً للرأي لعدد كبير من الطلاب . فحص الاستطلاع كم طالباً يرغب في مواصلة تعليمه الجامعي .
- حسب نتائج الاستطلاع، 60% من المشتركين في الاستطلاع (أولاد / بنات) يرغبون في مواصلة تعليمهم الجامعي .
- عدد البنات اللواتي اشتركن في الاستطلاع هو 3 أضعاف عدد الأولاد الذين اشتركوا في الاستطلاع .
- معلوم أن 80% من الأولاد الذين اشتركوا في الاستطلاع يرغبون في مواصلة تعليمهم الجامعي .
- أ . نختار بشكل عشوائي طالباً (ولداً / بنتاً) اشترك في الاستطلاع .
- (1) ما هو الاحتمال بأن تكون قد اختيرت بنت ترغب في مواصلة تعليمها الجامعي ؟
- (2) معلوم أنه اختيرت بنت .
- ما هو الاحتمال بأن تكون راغبة في مواصلة تعليمها الجامعي ؟
- ب . نختار بشكل عشوائي 5 طلاب (أولاد / بنات) من بين المشتركين في الاستطلاع .
- ما هو الاحتمال بأن يكون 4 منهم على الأقل يرغبون في مواصلة تعليمهم الجامعي ؟

إجابة السؤال 3

- أ . عدد البنات في الاستطلاع هو 3 أضعاف عدد الأولاد،
 لذلك يتحقق : $P(\text{بنت}) = P(\text{ولد}) \cdot 3$

$$P(\text{بنت}) + P(\text{ولد}) = 1 \quad \text{كل مشترك في الاستطلاع هو ولد أو بنت، لذلك :}$$

⇓

$$4 \cdot P(\text{ولد}) = 1$$

$$P(\text{ولد}) = \frac{1}{4} = 0.25 \quad , \quad P(\text{بنت}) = \frac{3}{4} = 0.75$$

$$P\left(\begin{array}{c} \text{يرغب في مواصلة} \\ \text{تعليمه الجامعي} \end{array}\right) = 0.6 \quad \begin{array}{l} 60\% \text{ من المشتركين في الاستطلاع} \\ \text{يرغبون في مواصلة تعليمهم الجامعي،} \\ \text{لذلك يتحقق :} \end{array}$$

⇓

$$P\left(\begin{array}{c} \text{لا يرغب في مواصلة} \\ \text{تعليمه الجامعي} \end{array}\right) = 0.4$$

$$P\left(\begin{array}{c} \text{يرغب في مواصلة} \\ \text{تعليمه الجامعي} \end{array} \middle| \text{ولد}\right) = 0.8 \quad \begin{array}{l} 80\% \text{ من الأولاد المشتركين في الاستطلاع} \\ \text{يرغبون في مواصلة تعليمهم الجامعي،} \\ \text{لذلك يتحقق :} \end{array}$$

⇓

$$P\left(\begin{array}{c} \text{يرغب في مواصلة} \\ \text{تعليمه الجامعي} \end{array} \cap \text{ولد}\right) = 0.8 \cdot 0.25 = 0.2$$

تكملة إجابة السؤال 3.

تركيز المعطيات في جدول ثنائي الأبعاد وحساب الاحتمالات في الجدول التالي :

	لا يرغب في مواصلة تعليمه الجامعي	يرغب في مواصلة تعليمه الجامعي	
ولد	0.25	0.2	
بنت	0.75	0.4	
	1	0.4	0.6

(1) الاحتمال بأن تكون قد اختيرت بنت

ترغب في مواصلة تعليمها الجامعي هو :

$$P(\text{بنت} \cap \text{ترغب في مواصلة تعليمه الجامعي}) = 0.6 - 0.2 = 0.4$$

(2) معلوم أنه اختيرت بنت .

الاحتمال بأنها ترغب في مواصلة
تعليمها الجامعي هو :

$$P(\text{ترغب في مواصلة تعليمها الجامعي} / \text{بنت}) = P(\text{بنت} \cap \text{ترغب في مواصلة تعليمها الجامعي}) / P(\text{بنت}) = \frac{0.4}{0.75} = 0.53$$

ب . اختيار 5 طلاب من المشتركين في الاستطلاع .

الاحتمال بأن يكون 4 منهم

على الأقل يرغبون في مواصلة

تعليمهم الجامعي هو :

$$P(\text{4 على الأقل يرغبون في مواصلة تعليمهم الجامعي}) = P(\text{4 بالضبط يرغبون في مواصلة تعليمهم الجامعي}) + P(\text{5 بالضبط يرغبون في مواصلة تعليمهم الجامعي}) =$$

$$= \binom{5}{4} 0.6^4 \cdot 0.4^1 + \binom{5}{5} 0.6^5 \cdot 0.4^0 = 0.33696$$

السؤال 4

F هي نقطة تقاطع القطرين في الشكل الرباعي ABCD .

النقطة E تقع على FC ،

والنقطة G تقع على FB ، بحيث يكون

الشكل الرباعي BCEG قابلاً للحصر

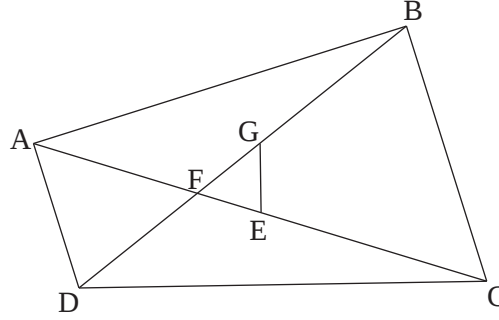
في دائرة (انظر الرسم) .

أ. برهن أن: $\triangle FEG \sim \triangle FBC$.

ب. معطى أن: $\frac{AF}{FG} = \frac{DF}{FE}$.

برهن أن: $\triangle FDA \sim \triangle FEG$.

ج. برهن أن: $AD \parallel BC$.



إجابة السؤال 4

مجموع الزاويتين المتقابلتين في الشكل الرباعي القابل للحصر هو 180°

$$\angle GEC + \angle GBC = 180^\circ$$

أ.

مجموع الزاويتين المتجاورتين هو 180°

$$\angle GEC + \angle GEF = 180^\circ$$

$\Downarrow$

$$\angle GEF = \angle GBC$$

من هنا:

زاوية مشتركة للمثلثين

$$\angle BFC = \angle GFE$$

$\Downarrow$

$$\triangle FEG \sim \triangle FBC$$

من هنا:

(ز.ز.)

$$\frac{AF}{FG} = \frac{DF}{FE}$$

ب. معطى أن:

الزاويتان المتقابلتان بالرأس متساويتان

$$\angle AFD = \angle GFE$$

$\Downarrow$

$$\triangle FDA \sim \triangle FEG$$

(ض.ز.ض)

برهن في البند "ب"

$$\triangle FDA \sim \triangle FEG$$

$\Downarrow$

$$\angle GEF = \angle ADF$$

زاويتان متناظرتان في مثلثين متشابهين

برهن في البند "أ"

$$\angle GEF = \angle GBC$$

$\Downarrow$

$$\angle ADF = \angle GBC = \angle DBC$$

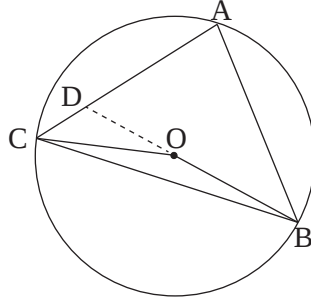
$\Downarrow$

$$AD \parallel BC$$

ج.

إذا كانت الزاويتان المتبادلتان متساويتين، فإن المستقيمين متوازيان

السؤال 5



ABC هو مثلث متساوي الساقين ($AC = AB$)،

محصور في دائرة مركزها O ونصف قطرها R (انظر الرسم).

معطى أن: $\angle BAC = 80^\circ$.

أ. عبّر بدلالة R عن طول الضلع AB.

ب. جد $\angle COB$. علّل.

ج. امتداد OB يقطع الساق AC في النقطة D

(انظر الرسم).

معطى أن: 5 سم $BD =$.

(1) جد $\angle ABD$.

(2) جد R.

إجابة السؤال 5

أ. $\angle ACB = \angle ABC$ زاويتا القاعدة متساويتان في المثلث المتساوي الساقين ABC.

$$\angle CAB = 80^\circ$$

↓

$$\angle ACB = \frac{180^\circ - 80^\circ}{2} = 50^\circ$$

مجموع زوايا المثلث هو 180°

في المثلث ABC

$$\frac{AB}{\sin \angle ACB} = 2R \quad \text{حسب نظرية الجيوب يتحقق:}$$

$$\frac{AB}{\sin 50^\circ} = 2R$$

↓

$$AB = 2R \sin 50^\circ$$

ب. $\angle COB = 2 \angle CAB = 160^\circ$ الزاوية المركزية في الدائرة هي ضعف الزاوية

المحيطة التي تستند إلى نفس القوس

تكملة إجابة السؤال 5.

جـ. (1) $\angle OBC = \angle OCB$ زاويتي القاعدة متساويتان في المثلث المتساوي الساقين BCO

$\angle COB = 160^\circ$ برهن في البند "ب"

$\Downarrow$

$\angle OBC = \frac{180^\circ - 160^\circ}{2} = 10^\circ$ مجموع الزوايا في المثلث هو 180°

$\Downarrow$

$\angle ABD = 50^\circ - 10^\circ = 40^\circ$

(2) في المثلث ADB

حسب نظرية الجيوب

يتحقق:

$$\frac{AB}{\sin \angle ADB} = \frac{BD}{\sin \angle DAB}$$

$\angle ADB = 180^\circ - 80^\circ - 40^\circ = 60^\circ$ مجموع الزوايا في المثلث ADB

$\Downarrow$

$$\frac{2R \sin 50^\circ}{\sin 60^\circ} = \frac{5}{\sin 80^\circ}$$

$\Downarrow$

$R = 2.87$ سم

السؤال 6

- معطاة الدالة $f(x) = \sqrt{x^2 - 4x + 3}$.
- أ. جد مجال تعريف الدالة $f(x)$.
- ب. جد نقاط تقاطع الرسم البياني للدالة $f(x)$ مع المحورين.
- ج. جد مجالات تصاعد وتنازل الدالة $f(x)$.
- د. ارسم رسماً بيانياً تقريبياً للدالة $f(x)$.
- هـ. هل المستقيم $y = x - 2$ يقطع الرسم البياني للدالة $f(x)$ ؟ علّل.

إجابة السؤال 6

- أ. التعبير الجبري داخل الجذر
- $$x^2 - 4x + 3 \geq 0$$
- يجب أن لا يكون سالباً، لذلك:
- $$\Downarrow$$
- مجال تعريف الدالة $f(x)$ هو:
- $$x \leq 1, \quad x \geq 3$$

- ب. الإحداثي x لنقطة تقاطع الرسم البياني للدالة مع المحور y هو 0، لذلك يتحقق:
- $$f(0) = \sqrt{0^2 - 4 \cdot 0 + 3}$$
- نقطة تقاطع الرسم البياني للدالة مع المحور y هي:
- $$(0, \sqrt{3})$$
- الإحداثي y لنقطة تقاطع الرسم البياني للدالة مع المحور x هو 0، لذلك يتحقق:
- $$f(x) = 0$$
- $$\Downarrow$$
- $$(f(x))^2 = 0$$
- $$\Downarrow$$
- $$x^2 - 4x + 3 = 0$$
- $$\Downarrow$$
- $$x = 1, \quad x = 3$$
- نقطتا تقاطع الرسم البياني للدالة مع المحور x هما:
- $$(1, 0), \quad (3, 0)$$

תכלמה إجابة السؤال 6.

ג. משתقة الدالة $f(x)$ هي :

$$f'(x) = \frac{2x - 4}{2\sqrt{x^2 - 4x + 3}}$$

$$f'(x) = 0$$

⇓

$x = 2$ ، ليس في المجال

⇓

المشتقة لا تساوي صفرًا في المجال .

نفحص إشارة المشتقة $f'(x)$ في المجالين

$$x < 1 \text{ و } x > 3$$

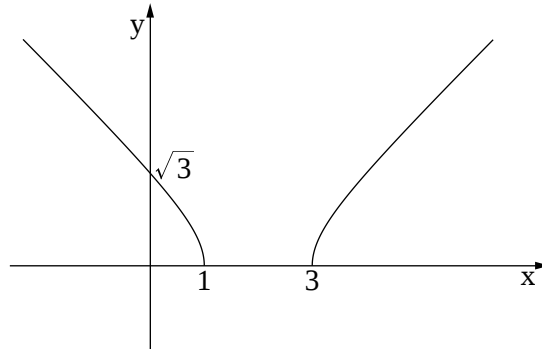
إشارتنا دالة المشتقة مركّزتان في الجدول التالي :

x	$x < 1$		$x > 3$
$f'(x)$	-		+
$f(x)$	↘		↗

الدالة $f(x)$ تنازلية في المجال $x < 1$ ، لأن $f'(x) < 0$ بالنسبة لـ $x < 1$

الدالة $f(x)$ تصاعدية في المجال $x > 3$ ، لأن $f'(x) > 0$ بالنسبة لـ $x > 3$

د. رسم بياني تقريبي للدالة :



ه. نفحص إذا كان للرسمين البيانيين

للدالتين نقاط تقاطع :

$$x - 2 = \sqrt{x^2 - 4x + 3}$$

⇓ تربيع

$$(x - 2)^2 = x^2 - 4x + 3$$

$$x^2 - 4x + 4 = x^2 - 4x + 3$$

⇓

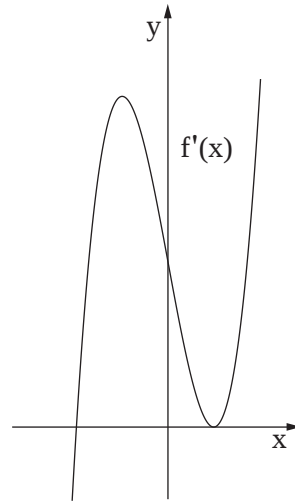
$$4 = 3$$

قضية كذب، لذلك لا يوجد حل

⇓

من هنا : المستقيم $y = x - 2$ لا يقطع الرسم البياني للدالة $f(x)$.

السؤال 7



$f(x)$ هي دالة معرفة لكل x .

الرسم الذي أمامك يعرض الرسم البياني لدالة المشتقة $f'(x)$.

الرسم البياني لدالة المشتقة $f'(x)$ يمرّ

عبر النقطتين: $(-2, 0)$ ، $(1, 0)$.

أ. (1) حسب الرسم البياني لدالة المشتقة $f'(x)$ ،

جد مجالات تصاعد وتنزل الدالة $f(x)$.

(2) ما هو الإحداثي x للنقطة القصوى

للدالة $f(x)$ ، وما هو نوع النقطة القصوى؟ علّل.

(3) معطى أنّ دالة المشتقة هي

$$f'(x) = 4x^3 - 12x + 8$$

الإحداثي y للنقطة القصوى للدالة $f(x)$ هو -10 .

جد الدالة $f(x)$.

ب. جد إحداثيات النقاط التي فيها ميل المماس للرسم البياني للدالة $f(x)$ هو 0 .

إجابة السؤال 7

أ. (1) حسب الرسم البياني المعطى، دالة المشتقة $f'(x)$

تساوي صفرًا في النقطتين اللتين إحداثيتهما x

هو $x = -2$ و $x = 1$.

تركيز إشارات $f'(x)$ في جدول:

x	$x < -2$	-2	$-2 < x < 1$	1	$x > 1$
$f'(x)$	$-$	0	$+$	0	$+$
$f(x)$	$\searrow$	نقطة نهاية صغرى	$\nearrow$		$\nearrow$

$$f'(x) \geq 0 \text{ في المجال } x > -2, \quad f'(x) < 0 \text{ في المجال } x < -2$$

لذلك

الدالة $f(x)$ تنازلية في المجال $x < -2$ ، الدالة $f(x)$ تصاعدية في المجال $x > -2$

هذه هي نقطة نهاية صغرى، $x = -2$

لأنّ الدالة تنازلية في المجال $x < -2$

وتصاعدية في المجال $x > -2$

(2) الإحداثي x للنقطة القصوى للدالة $f(x)$ هو:

תכלמה إجابة السؤال 7.

$$(-2, -10)$$

(3) إحداثيات النقطة القصوى هي:

الدالة $f(x)$ هي دالة أصلية لـ $f'(x)$
 لذلك يتحقق:

$$f(x) = \int (4x^3 - 12x + 8) dx$$

$\Downarrow$

$$f(x) = x^4 - 6x^2 + 8x + C$$

الرسم البياني للدالة $f(x)$ يمر عبر
 نقطة النهاية الصغرى $(-2, -10)$

$$-10 = (-2)^4 - 6(-2)^2 + 8(-2) + C$$

لذلك يتحقق:

$\Downarrow$

$$C = 14$$

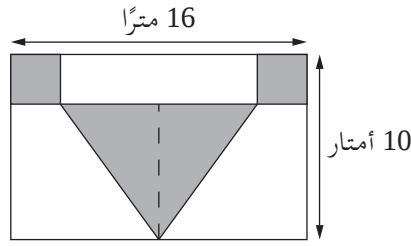
$$f(x) = x^4 - 6x^2 + 8x + 14$$

الدالة $f(x)$ هي:

ب. ميل المماس للرسم البياني للدالة $f(x)$ هو 0 بالنسبة للنقاط التي تساوي فيها دالة المشتقة $f'(x)$ صفرًا.

النقطتان هما: $(-2, -10)$, $(1, 17)$

السؤال 8



طول حائط شكله مستطيل هو 16 مترًا،
 وارتفاع الحائط 10 أمتار.

يريدون تغطية قسم من الحائط بالكرميكا.

القسم الذي يريدون تغطيته يشمل:

– مربعين متطابقين في زاويتي المستطيل

– مثلثًا متساوي الساقين قاعدته موازية لضلع المستطيل

(المساحات الرمادية في الرسم).

ارمز بـ x إلى طول ضلع المربع، وأجب عن البنود "أ" – "ج".

أ. عبّر بدلالة x عن الارتفاع على قاعدة المثلث المتساوي الساقين.

ب. ماذا يجب أن يكون x ، حتّى يكون مجموع المساحات التي يريدون تغطيتها بالكرميكا

أصغر ما يمكن؟

ج. بالنسبة لـ x الذي وجدته في البند "ب"، احسب النسبة المئوية من مساحة الحائط،

التي تشكّل القسم الذي يريدون تغطيته بالكرميكا.

إجابة السؤال 8

أ. الارتفاع على القاعدة في المثلث المتساوي الساقين هو: $10 - x$, $0 < x < 10$

ب. مساحة كل واحد من المربعين هي: $S_{\square} = x^2$

طول القاعدة في المثلث المتساوي الساقين هو: $16 - 2x$, $0 < x < 8$

مساحة المثلث المتساوي الساقين هي: $S_{\triangle} = \frac{(16 - 2x) \cdot (10 - x)}{2}$

مجموع المساحات التي يريدون تغطيتها بالكرميكا هو

مربعان متطابقان ومثلث،

لذلك مجموع المساحات هو: $S(x) = 2x^2 + \frac{(16 - 2x)(10 - x)}{2}$

$0 < x < 8$, $S(x) = 3x^2 - 18x + 80$

$S'(x) = 6x - 18$

مشتقة $S(x)$ هي:

إشارة المشتقة:

x	2	3	4
$S'(x)$	–	0	+
$S(x)$	↘	نقطة نهاية صغرى	↗

↓

مجموع المساحات هو أصغر ما يمكن بالنسبة لـ: $x = 3$ أمتار

תכלמה إجابة السؤال 8.

جـ. مساحة كل الحائط هي: $16 \cdot 10 = 160 \text{ م}^2$

بالنسبة لـ $x = 3$ مجموع المساحات
التي يريدون تغطيتها بالكرميكا هو: $S(3) = 3 \cdot 3^2 - 18 \cdot 3 + 80 = 53$

$$\frac{53}{160} \cdot 100 = 33.125\%$$

المساحة التي يريدون تغطيتها بالكرميكا
هي 33.125% من مساحة الحائط

حقوق الطبع محفوظة لدولة إسرائيل.
النسخ أو النشر ممنوعان إلا بإذن من وزارة التربية والتعليم.