



המזכירות הפדגוגית | למידה בונה אדם
السكرتارية التربوية | التعلّم يبني الإنسان



הרשות הארצית למדידה והערכה בחינוך
رأما السلطة القطرية للقياس والتقييم في التربية



משרד החינוך
وزارة التربية

الصف
التاسع

امتحان في الرياضيات دليل إجابات



امتحانات

انطلاقة

لنقيس. لنعرف. لنغيّر.



توجيهات عامة لفحص الامتحان

أمامك دليل الإجابات لامتحان "انطلاقة" في الرياضيات.

يوجد في دليل الإجابات توجيهات لفاحصي الامتحان الخارجي الذين يستخدمون منظومة الفحص المحوسبة وأيضاً لفاحصي الامتحان الداخلي الذين يستخدمون الأداة لحساب العلامات.

- **في الجهة اليمنى** من كل صفحة كتب رقم السؤال في الصيغة "أ" للامتحان، وفي **الجهة اليسرى** من كل صفحة كتب رقم السؤال المماثل في الصيغة "ب" للامتحان (انظر مثلاً على ذلك في السؤال 1 في دليل الإجابات).
- في الأسئلة المغلقة التي فيها ترتيب إمكانات الإجابة مختلف في صيغتي الامتحان، الإجابة في الصيغة "أ" مكتوبة في **الجهة اليمنى**، والإجابة في الصيغة "ب" للسؤال المماثل مكتوبة في **الجهة اليسرى** (انظر مثلاً على ذلك في الإجابة عن السؤال 5 في دليل الإجابات).

هناك نوعان من الأسئلة في الامتحان: أسئلة **مفتوحة** يجيب عنها التلميذ بواسطة كتابة تمرين أو إجابة كلامية، وأسئلة **مغلقة** يجيب عنها التلميذ بواسطة الإشارة إلى الإجابة الصحيحة.

أمامك توجيهات للفحص وتشديدات لكل من نوعي الأسئلة.

الأسئلة المفتوحة

- يجب فحص التمارين التي أُجريت فيها الحسابات جانباً، وقبول الإجابات الصحيحة حتى لو لم تُكتب في المكان المخصص لكتابة الإجابة.
- إذا كتبت طريقة الحل مع أنه لم يُطلب عرضها، يجب تجاهلها والتعامل مع الإجابة فقط.
- في كل مكان في دليل الإجابات كتب فيه "طريقة حلّ ممكنة"، يجب قبول كل طريقة حلّ صحيحة.
- يجب عدم خصم درجات إذا كتبت معلومات زائدة لم تُناقض طريقة الحلّ.
- في حلّ المعادلات، كل حدّ غير صحيح يُعتبر خطأً واحداً.
- إذا لم تكن هناك إجابة أو إذا تبين أنّ التلميذ لم يحاول أن يجيب عن السؤال أو أنه أجاب إجابات مثل "لا أعرف" أو إذا رسم رسمة، نسخ تعليمات وما شابه ذلك، فعلى فاحصي الامتحان الداخلي أن يتركوا الخانة المخصصة لإعطاء العلامة على السؤال فارغة. على فاحصي الامتحان الخارجي أن يُدخلوا "لم يُجب" إلى منظومة الفحص المحوسبة.

الأسئلة المغلقة

هذه التوجيهات مخصصة لفاحصي الامتحان الداخلي فقط. فاحصو الامتحان الخارجي لا يفحصون الأسئلة المغلقة.

- يجب تقييم إجابة التلميذ بحسب دليل الإجابات وإدخال العلامة الملائمة إلى أداة حساب العلامات.
- في أسئلة متعددة الخيارات والتي يُطلب فيها من التلميذ الإشارة إلى خيار واحد فقط، إذا أشار التلميذ إلى أكثر من خيار واحد، يجب إدخال العلامة 0 إلى أداة حساب العلامات.
- إذا لم يتم التلميذ بالإشارة إلى أي خيار، يجب عدم إدخال علامة للسؤال، أي ترك خانة السؤال فارغة.

الصيغة ب السؤال 1

الصيغة أ السؤال 1

المجال: الجبري

مستوى التفكير: خوارزمي (ألگوريتمית)

هدف السؤال: حل معادلة بسيطة بمجهول واحد.

الإجابة: $x = -4$

طريقة حل ممكنة:

$$10 + 7x = -18$$

$$7x = -28$$

$$x = -4$$

3 درجات	جَمْع المضادّ	استخراج x
✓	✓	✓
درجة واحدة	خطأ واحد	
0 درجات	كلّ إمكانيّة أخرى، بما في ذلك كتابة إجابة صحيحة بدون عرض طريقة الحلّ.	

السؤال 2

السؤال 2

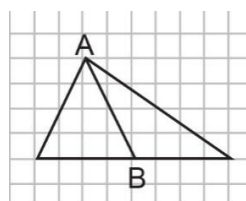
المجال: الهندسي

مستوى التفكير: معرفة وتشخيص (ידע וזיהוי)

هدف السؤال: التعرف على متوسط في المثلث.

2 (درجتان) الإجابة: ج.

الإجابة: ب.



0 درجات كلّ إمكانيّة أخرى

الصيغة ب السؤال 5أ

الصيغة أ السؤال 3أ

المجال: العددي

مستوى التفكير: سيروري (تهليכית)

هدف السؤال: تفسير معطيات معروضة في جدول.

المهارة: التنوّر الرياضي

2 (درجتان) الإجابة: 50 زبونًا

0 درجات كل إمكانية أخرى

السؤال 5ب

السؤال 3ب

المجال: العددي

مستوى التفكير: سيروري

هدف السؤال: فهم أنّ المعدل لا يمكن أن يكون العدد الأكبر في مجموعة معطيات.

المهارة: التفكير الناقد – عرض ادعاء وتبريره اعتمادًا على معطيات.

3 درجات الإجابة: ب. لا، وأيضًا شرح يتطرّق إلى أنّ المعدل لا يمكنه أن يكون العدد الأكبر من بين المعطيات.

أمثلة:

• لا. حتّى يكون معدّل التقييم 3 نجوم، على جميع الزبائن أن يقيموا المطعم بـ 3 نجوم، لكنّ قسمًا منهم قد قيّموه بعدد نجوم أقلّ (لذلك لا يُمكن أن يكون معدّل التقييم 3 نجوم).

• لا يمكن أن يكون معدّل التقييم 3 نجوم، لأنّه في حال وجود أشخاص يقيمون المطعم بعدد نجوم أقلّ من 3، سيكون معدّل التقييم أقلّ من 3.

ملاحظة: يجب عدم خصم درجات إذا أشار التلميذ إلى "نعم" أو لم يُشير إلى إجابة أبدًا، لكنّ الشرح صحيح ويمكن أن يفهم منه أنّ التلميذ قد قصد الإشارة إلى "لا".

0 درجات كل إمكانية أخرى

الصيغة ب السؤال 4

الإجابة: د

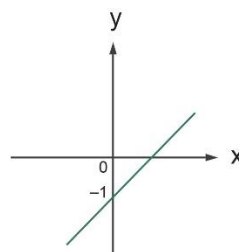
الصيغة أ السؤال 4

المجال: الجبري

مستوى التفكير: معرفة وتشخيص

هدف السؤال: ملاءمة التمثيل الجبري لدالة خطية مع رسمها البياني.

3 درجات الإجابة: أ.



0 درجات كل إمكانية أخرى

السؤال 3أ

الإجابة: أ

السؤال 5أ

المجال: العددي

مستوى التفكير: معرفة وتشخيص

هدف السؤال: تفسير معطيات معروضة في مخطط أعمدة.

المهارة: التنوّر الرياضي

3 درجات الإجابة: د. هيام مصري

0 درجات كل إمكانية أخرى

الصيغة ب السؤال 3ب

الصيغة أ السؤال 5ب

المجال: العددي

مستوى التفكير: سيروبي

هدف السؤال: تفسير معطيات معروضة في مخطط أعمدة وحساب النسب المئوية.

المهارات: التنوّر الرياضي، التفكير الناقد – عرض ادعاء وتبريره اعتماداً على معطيات معروضة في مخطط بياني.

الإجابة: أ. نعم.

تعليط ممكن:

للفوز بـ 40% من الأصوات، يجب على المرشح الحصول على 56,000 صوت.

$$\frac{40}{100} \cdot 140,000 = 56,000$$

(لا يوجد أي مرشح قد حصل على 56,000 صوت أو أكثر).

تعليط ممكن آخر:

(غادة مناع حصلت على العدد الأكبر من الأصوات، وهو ما يقارب 43,000).

$$\frac{43,000}{140,000} \approx 31\%$$

ملاحظة: يجب قبول كلّ تعليط يشمل حساب النسبة المئوية للأصوات التي حصلت عليها غادة مناع، شريطة أن يكون عدد الأصوات التي حصلت عليها يتراوح بين 40,000 و 45,000 صوت (بما في ذلك هذان العددان).

ملاحظة عامة: يجب عدم خصم درجات إذا أشار التلميذ إلى "لا" أو لم يُشير إلى إجابة أبداً، لكنّه أجرى حساباً صحيحاً وكتب تعليلاً يوضح قصده بأنّه يجب إجراء الانتخابات مرّة أخرى.

حساب النسبة المئوية / حساب قيمة النسبة المئوية	الإشارة (نعم)	
✓	✓	3 درجات
خطأ واحد في الحساب	قائمة على الخطأ	2 (درجتان)
إجراء تقدير، مثلاً: • 40% من 140,000 أكبر من 50,000. • 43,000 أقل من 40% من 140,000.	✓	
كل إمكانيّة أخرى		0 درجات

الصيغة أ السؤال 6أ

المجال: الجبري

مستوى التفكير: خوارزمي

هدف السؤال: إيجاد تعابير جبرية متساوية.

3 درجات الإجابة: ب. $x^2 - 1$

الإجابة: ب.

0 درجات كل إمكانية أخرى

السؤال 6ب

المجال: الجبري

مستوى التفكير: خوارزمي

هدف السؤال: حل معادلة من الدرجة الثانية أو التعرف على حل لمعادلة من الدرجة الثانية.

3 درجات الإجابة: الإشارة إلى هذين العددين فقط:

الإجابة: الإشارة إلى هذين العددين فقط:

ج. 12- وأيضًا د. 12

أ. 12- وأيضًا د. 12

0 درجات كل إمكانية أخرى

السؤال 7أ

المجال: الهندسي

مستوى التفكير: معرفة وتشخيص

هدف السؤال: التعرف على زوايا متبادلة بين مستقيمين متوازيين ومستقيم يقطعهما.

2 (درجتان) شرح صحيح: α و β هما زاويتان متبادلتان بين مستقيمين متوازيين (ولذلك هما متساويتان).

0 درجات كل إمكانية أخرى، مثلًا:

• α و β هما زاويتان متناظرتان بين مستقيمين متوازيين.

• شرح يتناول موقع الزوايا أو شكلها (Z).

السؤال 8أ

الصيغة ب السؤال 8 ب

الصيغة أ السؤال 7 ب

المجال: الهندسي

مستوى التفكير: سيروري

هدف السؤال: حساب مقادير زوايا بحسب خواص المثلث متساوي الساقين ومجموع زوايا المثلث.

الإجابة: $\beta = 74^\circ$

طريقة حل ممكنة:

$\angle DKM = \angle DKL = 16^\circ$ لأنه في المثلث متساوي الساقين الارتفاع على القاعدة هو أيضاً منصف زاوية الرأس.

$\alpha = 74^\circ$ بحسب مجموع الزوايا في المثلث KDL ، ولذلك فإن $\beta = 74^\circ$ أيضاً.

طريقة حل ممكنة أخرى:

$$180 - 16 - 90 = 74$$

طريقة حل ممكنة أخرى:

$$\frac{180 - 32}{2} = 74$$

إيجاد زاوية واحدة على الأقل من الزوايا DKL أو DMK أو MKL	إيجاد مقدار الزاوية α و/أو مقدار الزاوية β	
✓	✓	3 درجات
خطأ واحد	قائم على الخطأ	2 (درجتان)
✓	غير موجود/ غير صحيح	درجة واحدة
كل إمكانيّة أخرى، بما في ذلك كتابة إجابة صحيحة بدون عرض طريقة الحل.		0 درجات

ملاحظة: كتابة مقدار زاوية على الرسم تُعتبر إيجاد الزاوية.

الصيغة ب السؤال 6أ

الصيغة أ السؤال 8أ

المجال: الجبري

مستوى التفكير: معرفة وتشخيص

هدف السؤال: إظهار فُهم لمعنى نقطة مُعطاة على هيئة المحاور.

المهارة: التنّور الرياضي

3 درجات الإجابة: بعد مرور 3_ ثوانٍ، تتواجد رانية على ارتفاع 5_ أمتار عن الأرض.

0 درجات كل إمكانية أخرى

السؤال 6ب

السؤال 8ب

المجال: الجبري

مستوى التفكير: معرفة وتشخيص؛ سيروبي

هدف السؤال: التعرّف على نقطة على دالة تنازلية بحسب الحالة الموصوفة بالكلمات.

المهارات: التنّور الرياضي، التفكير الناقد – استخلاص استنتاج اعتمادًا على المعطيات المعروضة في السؤال.

الإجابة: د

3 درجات الإجابة: د. (3 , 6)

0 درجات كل إمكانية أخرى

الصيغة ب السؤال 11 أ

الصيغة أ السؤال 9 أ

المجال: الهندسي

مستوى التفكير: معرفة وتشخيص

هدف السؤال: كتابة التطابق بحسب تلاؤم الرؤوس.

2 (درجتان) الإجابة: ΔDBC

0 درجات كل إمكانية أخرى

السؤال 11 ب

السؤال 9 ب

المجال: الهندسي

مستوى التفكير: سيروري

هدف السؤال: حساب طول قطعة بواسطة طرح أضلاع متساوية على التلاؤم في مثلثات متطابقة.

الإجابة: نعم، يمكن الحساب. 8 سم $DE =$

شرح ممكن:

(7 سم $=$) $BD = AB$ (لأنها أضلاع متساوية على التلاؤم في مثلثات متطابقة.)

(15 سم $=$) $BE = BC$ (لأنها أضلاع متساوية على التلاؤم في مثلثات متطابقة.)

لذلك فإن طول القطعة DE هو 8 سم ($DE = BE - BD = 15 - 7 = 8$)

ملاحظة: كتابة طول الضلع BD و/أو DE في الرسم بشكل صحيح تُعتبر شرحًا صحيحًا.

كتابة الشرح	طول القطعة ($DE = 8$)	
✓	✓	3 درجات
✓	خطأ واحد	2 (درجتان)
كتابة تمرين مناسب فقط: $15 - 7 = 8$ أو $7 + 8 = 15$	✓	درجة واحدة
كل إمكانية أخرى، بما في ذلك كتابة طول القطعة بدون شرح.		0 درجات

الصيغة ب السؤال 9

الصيغة أ السؤال 10

المجال: العددي

مستوى التفكير: سيروزي

هدف السؤال: تقدير النسبة المئوية التي تمثل جزءاً من الصحيح الكامل.

الإجابة: ج.

الإجابة: ج. تقريباً 80%

3 درجات

كل إمكانية أخرى

0 درجات

السؤال 10

السؤال 11

المجال: الجبري

مستوى التفكير: خوارزمي

هدف السؤال: حل معادلة بمجهول واحد يظهر في بسط الكسور.

الإجابة:

$$x = \frac{1}{2}$$

طريقة حل ممكنة:

$$\begin{aligned} \frac{5x}{6} + \frac{1-3x}{2} &= \frac{x}{3} \\ 5x + 3(1-3x) &= 2x \\ 5x + 3 - 9x &= 2x \\ -4x + 3 &= 2x \\ 3 &= 6x \\ x &= \frac{1}{2} \end{aligned}$$

استخراج x	تجميع حدود متشابهة وجمع المضاد	الضرب بالمقام المشترك وفتح الأقواس	
✓	✓	✓	4 درجات
غير موجود/غير صحيح	✓	✓	3 درجات
قائم على الخطأ	خطأ واحد	✓	
قائم على الخطأ	قائم على الخطأ	خطأ واحد	
خطآن			درجة واحدة
كل إمكانية أخرى، بما في ذلك كتابة إجابة صحيحة بدون عرض طريقة الحل.			0 درجات

الصيغة ب السؤال 13 أ

الإجابة: أ.

الصيغة أ السؤال 12 أ

المجال: الهندسي

مستوى التفكير: سيروري

هدف السؤال: حساب النسبة بين قطعتين.

2 (درجتان) الإجابة: ج. 3 مرّات

0 درجات كل إمكانيّة أخرى

السؤال 13 ب

الإجابة: ب.

السؤال 12 ب

المجال: الجبري

مستوى التفكير: خوارزمي

هدف السؤال: إيجاد تعبير جبري يمثل محيط مستطيل مُعطى.

3 درجات الإجابة: د. $14x$

0 درجات كل إمكانيّة أخرى

الصيغة ب السؤال 13 ج

الصيغة أ السؤال 12 ج

المجال: الجبري

مستوى التفكير: سيروبي

هدف السؤال: حساب مساحة مستطيل بواسطة التعويض.

الإجابة: 48 سم²

طريقة حل ممكنة:

$$AB = 3x$$

$$3x = 6$$

$$x = 2$$

$$AD = x + 3x = 4x$$

$$AD = 4 \cdot 2 = 8$$

مساحة المستطيل هي: 48 سم² $AB \cdot AD = 6 \cdot 8 = 48$

طريقة حل ممكنة أخرى:

$AE = 2$ (لأنه بحسب البند "أ" AB أكبر 3 مرّات من BF)

مساحة أحد المستطيلات الصغيرة (مثلاً $ABFE$) هي 12 سم² $AB \cdot AE = 6 \cdot 2 = 12$

ولذلك فإنّ مساحة المستطيل $ABCD$ (حاصل جمع مساحات المستطيلات الصغيرة الأربعة) هي 48 سم² $4 \cdot 12 = 48$

ملاحظات:

1. يجب عدم خضم درجات إذا وقع خطأ في البند "أ"، والإجابة في البند "ج" قائمة على هذا الخطأ.
2. كتابة أطوال الأضلاع في الرسم بشكل صحيح تُعتبر إيجاد الأطوال.

إيجاد مساحة المستطيل ABCD	إيجاد طول AE أو AD (أو BF أو BC)	
✓	✓	4 درجات
خطأ واحد	✓	3 درجات
قائم على الخطأ	خطأ واحد في الحساب	
إيجاد مساحة أحد المستطيلات الأربعة المتطابقة	✓	2 (درجتان)
غير موجود/ غير صحيح	✓	درجة واحدة
كلّ إمكانية أخرى، مثلاً: استخدام صيغة غير صحيحة لحساب مساحة المستطيل.		0 درجات

الصيغة ب السؤال 114

الصيغة أ السؤال 113

المجال: الجبري

مستوى التفكير: سيروبي

هدف السؤال: إيجاد معادلة المستقيم بواسطة مَيل المستقيم ونقطة تقع على المستقيم.

الإجابة: $y = 3x + 6$

طريقة حل ممكنة:

نُعوّض المَيل 3 والنقطة $(-2, 0)$ في معادلة المستقيم $y = mx + b$.

$$0 = 3 \cdot (-2) + b$$

$$0 = -6 + b$$

$$b = 6$$

$$y = 3x + 6$$

طريقة حل ممكنة أخرى:

إيجاد النقطة B: معطى أنّ مَيل المستقيم هو 3، لذلك إذا تقدّمنا على محور x بـ 2، ارتفعنا على محور y بـ 6. من هنا فإنّ

قيمة البارامتر b في معادلة المستقيم هي 6. لذلك فإنّ معادلة المستقيم هي: $y = 3x + 6$

معادلة المستقيم	كتابة معادلة / تمرين / شرح ملائم (رسم "درج")	
✓	✓	3 درجات
قائمة على الخطأ	خطأ واحد	درجة واحدة
كل إمكانيّة أخرى، بما في ذلك كتابة إجابة صحيحة بدون عرض طريقة الحل.		0 درجات

الصيغة ب السؤال 214

الصيغة أ السؤال 213

المجال: الجبري

مستوى التفكير: معرفة وتشخيص

هدف السؤال: إيجاد إحداثيات نقطة تقاطع المستقيم مع محور y بواسطة التمثيل الجبري للمستقيم.

2 (درجتان) الإجابة: $B(0, 6)$

درجة واحدة $B(6, 0)$

0 درجات كل إمكانية أخرى

ملاحظة: يجب عدم خضم درجات إذا وقع خطأ في البند "أ"، والإجابة في البند "2" قائمة على هذا الخطأ، شريطة أن يكون الإحداثي y للنقطة B موجباً.

الصيغة أ السؤال 13 ب

المجال: الهندسي

مستوى التفكير: سيروبي

هدف السؤال: حساب مساحة المثلث المرسوم على هيئة المحاور.

الإجابة: 21 وحدة مساحة.

حساب ممكن:

$$\text{مساحة المثلث } ABC \text{ بوحدات مساحة هي: } \frac{7 \cdot 6}{2} = 21$$

حساب ممكن آخر:

$$\text{مساحة المثلث } ABO \text{ (O - تقاطع المحورين) بوحدات مساحة هي: } \frac{2 \cdot 6}{2} = 6$$

$$\text{مساحة المثلث } BCO \text{ بوحدات مساحة هي: } \frac{5 \cdot 6}{2} = 15$$

$$\text{لذلك فإن مساحة المثلث } ABC \text{ بوحدات مساحة هي: } 6 + 15 = 21$$

ملاحظة: يجب عدم خُصم درجات إذا وقع خطأ في البند "أ"، والإجابة في البند "ب" قائمة على هذا الخطأ.

مساحة المثلث (21 وحدة مساحة)	كتابة تمرين لحساب مساحة المثلث ABC أو لحساب مساحات المثلثين ABO و BCO	
✓	✓	3 درجات
قائمة على الخطأ	خطأ واحد في الحساب	درجة واحدة
قائمة على الخطأ	7 · 6 (بدون القسمة على 2)	
كل إمكانيّة أخرى، بما في ذلك كتابة إجابة صحيحة بدون عرض طريقة الحل.		0 درجات

الصيغة ب السؤال 12أ

الصيغة أ السؤال 14أ

المجال: الجبري

مستوى التفكير: خوارزمي

هدف السؤال: فحّص ما إذا كانت نقاط معيّنة تقع على خطّ مستقيم معادلته الجبريّة مُعطاة بصورة غير صريحة.

3 درجات الإجابة: الإشارة في الجدول كما هو مفصّل أدناه:

النقطة	تقع على الخطّ البيانيّ للدالة المُعطاة	لا تقع على الخطّ البيانيّ للدالة المُعطاة
(9 , 2)	<input checked="" type="checkbox"/> أ	<input type="checkbox"/> ب
(1 , 8)	<input type="checkbox"/> أ	<input checked="" type="checkbox"/> ب
(4 , -3)	<input checked="" type="checkbox"/> أ	<input type="checkbox"/> ب

2 (درجتان) الإجابة صحيحة في بنديّن فقط.

0 درجات كلّ إمكانيّة أخرى

الصيغة ب السؤال 12 ب

الصيغة أ السؤال 14 ب

المجال: الجبري

مستوى التفكير: خوارزمي

هدف السؤال: إظهار أنّ إحداثيات نقطة هي حلّ لهيئة معادلات.

2 (درجتان) إجابة تُبين أنّ النقطة $(-3, 4)$ هي حلّ لهيئة المعادلات.

طريقة حلّ ممكنة:

تعويض النقطة $(-3, 4)$ في المعادلة الثانية: $4 + (-3) = 1$

طريقة حلّ ممكنة أخرى:

إيجاد أحد المجهولين:

$$\begin{cases} x - y = 7 \\ x + y = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = 7 + y \\ x + y = 1 \end{cases}$$

$$7 + y + y = 1$$

$$2y = -6$$

$$y = -3$$

إيجاد المجهول الآخر (التعويض في المعادلة التي لم تُحلّ بعد):

$$x - (-3) = 7$$

$$x + 3 = 7$$

$$x = 4$$

ملاحظة: يجب عدم خُصم درجات إذا لم يعرض التلميذ طريقة الحلّ لإيجاد المجهول الثاني.

0 درجات كلّ إمكانية أخرى

الصيغة ب السؤال 16أ

الصيغة أ السؤال 15أ

المجال: الجبري

مستوى التفكير: خوارزمي

هدف السؤال: تطبيق نموذج خطي في سياق من الحياة اليومية.

المهارة: التنوّر الرياضي.

الإجابة: أ. شركة "عالم الدوّاسات"

تعليّل ممكن:

المبلغ للدفع في شركة "عالم الدوّاسات" هو 20 شافل لاستئجار الدّراجة لمُدّة ساعتين ($10 \cdot 2 = 20$).

المبلغ للدفع في شركة "عجلّاتي" هو 30 شافل لاستئجار الدّراجة لمُدّة ساعتين ($20 + 5 \cdot 2 = 30$).

(ولذلك سوف يدفع تامر السعر الأرخص لاستئجار الدّراجة في شركة "عالم الدوّاسات").

كتابة المبلغ الكلّي للدفع مقابل استئجار الدّراجة في كلّ شركة	الإشارة إلى الإجابة الصحيحة (شركة "عالم الدوّاسات") أو كتابة الإجابة الصحيحة بالكلمات	
✓	✓	3 درجات
✓	غير صحيحة/غير موجودة	2 (درجتان)
كلّ إمكانيّة أخرى، مثلاً: حساب المبلغ للدفع مقابل استئجار الدّراجة في شركة واحدة فقط.		0 درجات

السؤال 16ب

السؤال 15ب

المجال: العددي

مستوى التفكير: بحث مفتوح

هدف السؤال: حلّ مسألة كلاميّة بطريقة حسابيّة (أو جبريّة).

المهارات: التنوّر الرياضي، التفكير الناقد – المقارنة بين بدائل وتقييم تبعاتها.

3 درجات الإجابة: 6 ساعات

0 درجات كلّ إمكانيّة أخرى

الصيغة ب السؤال 16 ج

الصيغة أ السؤال 15 ج

المجال: الجبري

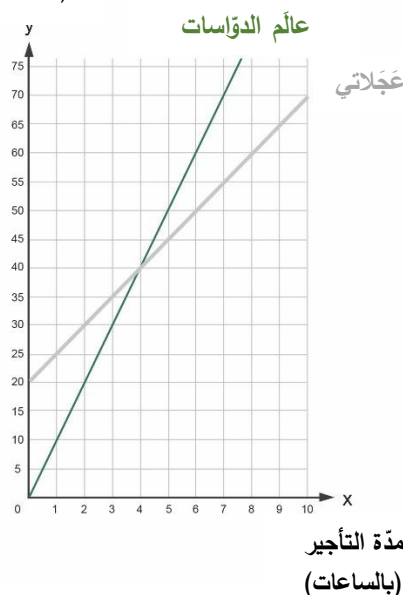
مستوى التفكير: سيروري

هدف السؤال: رسم خط بياني لدالة خطية بحسب تمثيلها الكلامي.

المهارة: التنوير الرياضي

3 درجات الإجابة: رسم الخط البياني لشركة "عجلاتي" كما يلي (الخط البياني الرمادي):

سعر التأجير
(بالشاقل)



ملاحظة: يجب عدم خضم درجات إذا كان الخط البياني هو مستقيم يبدأ من النقطة (0, 20) ويمر في النقطة (1, 25) لكنه غير دقيق فيما بعد.

0 درجات كل إمكانية أخرى

السؤال 16 د

السؤال 15 د

المجال: الجبري

مستوى التفكير: بحث مفتوح

هدف السؤال: إيجاد علاقة بين دالتين اعتماداً على التمثيل الجبري أو البياني لهما.

المهارات: التنوير الرياضي، التفكير الناقد – استخلاص استنتاج اعتماداً على معلومات مُعطاة في السؤال.

3 درجات الإجابة: 3 ساعات

ملاحظة: يجب عدم خضم درجات إذا وقع خطأ في البند "ج"، والإجابة في البند "د" قائمة على هذا الخطأ.

0 درجات كل إمكانية أخرى

الصيغة ب السؤال 15 أ

الصيغة أ السؤال 16 أ

المجال: الهندسي

مستوى التفكير: سيروري

هدف السؤال: إيجاد إحداثيات نقطة هي رأس قاعدة مثلث متساوي الساقين.

3 درجات الإجابة: $B(-5, 0)$

0 درجات كل إمكانية أخرى

السؤال 15 ب

السؤال 16 ب

المجال: الهندسي

مستوى التفكير: سيروري

هدف السؤال: برهنة أن مثلثين معطين هما متطابقان.

المهارة: التفكير الناقد - عرض عملية تعليل اعتماداً على ادعاءات ونظريات رياضية.

برهان ممكن:

$$OC = OC \text{ (ضلع مشترك)}$$

$$\angle COB = \angle COD (= 90^\circ) \text{ لأن محاور هيئة المحاور متعامدة.}$$

$$OB = OD \text{ بحسب البند "أ" / لأن الارتفاع على القاعدة في مثلث متساوي الساقين (ABD) هو أيضاً متوسط للقاعدة.}$$

$$\text{لذلك } \triangle BOC \cong \triangle DOC \text{ بحسب نظرية التطابق ضلع-زاوية-ضلع.}$$

ملاحظات:

- يجب قبول كل شرح كلامي صحيح بدون كتابة رسمية.
- يجب قبول الإجابة إذا تم التعبير عن الادعاءات بواسطة إضافة إشارات في الرسم بشكل صحيح.
- يجب عدم خصم درجات إذا كُتب ادعاء هو ليس من الادعاءات الثلاثة لتطابق المثلثات، ولم يستخدمه التلميذ ليبرهن أن المثلثين متطابقان.

الادعاءات الثلاثة لتطابق المثلثين	نظرية التطابق	
✓	✓	3 درجات
✓	غير موجودة/ غير صحيحة	2 (درجتان)
ادعاء واحد من الثلاثة غير موجود	✓	درجة واحدة
كل إمكانية أخرى، مثلاً: كُتب ادعاء ليس واحداً من الادعاءات الثلاثة لتطابق المثلثات، واستخدمه التلميذ ليبرهن أن المثلثين متطابقان.		0 درجات

الصيغة ب السؤال 15 ج

الصيغة أ السؤال 16 ج

المجال: الهندسي

مستوى التفكير: سيروري

هدف السؤال: شرح لماذا شكل رباعي معطى هو دالتون.

3 درجات كتابة تعريف الدالتون و/أو الادعاءات المطلوبة لبرهنة أن الشكل الرباعي هو دالتون.

شرح ممكن:

$$AB = AD \text{ (معطى)}$$

$$BC = CD \text{ لأنهما ضلعان متساويان على التلاؤم في مثلثين متطابقين.}$$

(الشكل الرباعي الذي يوجد فيه زوجان غريبان من الأضلاع المجاورة المتساوية هو دالتون.)

شرح ممكن آخر:

$$OC \perp BD \text{ (مُعطاة هيئة محاور)}$$

$$BO = OD \text{ لأن الارتفاع على القاعدة في مثلث متساوي الساقين (ABD) هو أيضًا متوسِّط}$$

للقاعدة.

لذلك المثلث BCD أيضًا متساوي الساقين،

ومن هنا فإن الشكل الرباعي ABCD هو دالتون.

0 درجات كل إمكانية أخرى

الصيغة ب السؤال 15 د

الصيغة أ السؤال 16 د

المجال: الهندسي

مستوى التفكير: سيروري

هدف السؤال: إيجاد إحداثيات رأس دالتون مساحته مُعطاة.

الإجابة: $C(0, -3)$

طريقة حل ممكنة:

بحسب صيغة مساحة الدالتون:

$$\frac{BD \cdot AC}{2} = 60$$

$$\frac{10 \cdot AC}{2} = 60$$

$$AC = 12$$

$$AO = 9 \text{ (معطى) ولذلك فإن } OC = 3$$

ولذلك فإن إحداثيات النقطة C هي $(0, -3)$.

طريقة حل ممكنة أخرى:

بحسب جَمْع مساحات المثلثين ABD و CBD:

مساحة المثلث ABD:

$$\frac{BD \cdot AO}{2} = \frac{10 \cdot 9}{2} = 45$$

مساحة المثلث CBD = 15 (لأن مجموع مساحات المثلثات هو 60 وحدة مساحة).

$$\frac{BD \cdot OC}{2} = 15$$

$$\frac{10 \cdot OC}{2} = 15$$

$$OC = 3$$

ولذلك فإن إحداثيات النقطة C هي $(0, -3)$.

النقطة C	التمرين/المعادلة	
✓	✓	3 درجات
قائمة على الخطأ	خطأ واحد في الحساب	2 (درجتان)
$(-3, 0)$	✓	
$(0, 3)$ أو $(3, 0)$	✓	درجة واحدة
كل إمكانية أخرى، مثلاً: - عرض إحداثيات النقطة C بدون عرض طريقة الحل. - استخدام صيغة غير صحيحة لحساب مساحة الدالتون. - استخدام صيغة غير صحيحة لحساب مساحة المثلثات.		0 درجات

الصيغة ب السؤال 17 أ

الصيغة أ السؤال 17 أ

المجال: الهندسي

مستوى التفكير: خوارزمي

هدف السؤال: استخدام نظرية فيثاغورس لوصف الفراغ.

المهارة: التنوّر الرياضي

الإجابة: 5 كم

حساب ممكن:

(نشير بـ x إلى طول مسار الدّراجة):

$$x^2 = 3^2 + 4^2$$

$$x^2 = 9 + 16$$

$$x^2 = 25$$

$$x = 5$$

الإجابة	كتابة التمرين	
✓	✓	3 درجات
خطأ واحد في الحساب	✓	2 (درجتان)
كلّ إمكانيّة أخرى، مثلاً: • كتابة التمرين $x^2 + 3^2 = 4^2$ • استخراج الجذر من طرفي المعادلة بشكل غير صحيح: $x = 3 + 4$		0 درجات

ملاحظة: كتابة الإجابة "5 كم" بدون كتابة تمرين تُعتبر إجابة صحيحة على افتراض أنّه تمّ استخدام الثلاثيّة الفيثاغوريّة 3، 4، 5.

الصيغة ب السؤال 17 ب

الصيغة أ السؤال 17 ب

المجال: العددي

مستوى التفكير: خوارزمي

هدف السؤال: استخدام العلاقة بين السرعة والمسافة.

المهارات: التنوّر الرياضي، التفكير الناقد – المقارنة بين البدائل وتقييم تبعاتها.

الإجابة: أ. السفر بالسيارة

طريقة حلّ ممكنة:

مدة سفر سلمى بالسيارة (مع والديها) (بالساعات) إذا اختارت هذه الإمكانية: $\frac{7}{30} = \frac{14}{60}$ (أي 14 دقيقة)

مدة ركوب سلمى الدراجة (بالساعات) إذا اختارت هذه الإمكانية: $\frac{5}{15} = \frac{20}{60}$ (أي 20 دقيقة)

(ولذلك فإنّه للوصول إلى المدرسة بأقصر وقت، على سلمى السفر بالسيارة مع والديها).

حساب مدة السفر بالسيارة	حساب مدة ركوب الدراجة	الاستنتاج (السفر بالسيارة)
✓	✓	✓
✓	✓	غير موجود/غير صحيح
خطأ واحد في الحساب		قائم على الخطأ
خطأ واحد في الحساب		غير موجود/غير صحيح
حساب إحدى المدتين فقط		
كلّ إمكانية أخرى		

ملاحظة: يجب عدم خضم درجات إذا وقع خطأ في البند "أ"، والإجابة في البند "ب" قائمة على هذا الخطأ.

מחווון במתמטיקה לכיתה ט | ערבית

כל הזכויות שמורות למדינת ישראל, משרד החינוך, ראמ"ה. השימוש במסמך זה, לרבות הפריטים שבו, מוגבל למטרות לימוד אישיות בלבד או להוראה ולבחינה על ידי מוסד חינוך בלבד, לפי הרשאה מפורשת למוסד חינוך באתר ראמ"ה. זכויות השימוש אינן ניתנות להעברה. חל איסור מפורש לכל שימוש מסחרי וכן לכל מטרה אחרת שאינה מסחרית. אין להעתיק, להפיץ, לעבד, להציג, לשכפל, לפרסם, להנפיק רישיון, ליצור עבודות נגזרות בין על ידי המשתמש ובין באמצעות אחר לכל מטרה או למכור פריט מפרטי המידע, התוכן, המוצרים או השירותים שמקורם במסמך זה. תוכן המבחנים, לרבות טקסט, תוכנה, תמונות, גרפיקה וכל חומר אחר המוכלל במסמך זה, מוגן על ידי זכויות יוצרים, סימני מסחר, פטנטים או זכויות יוצרים וקניין רוחני אחרות, ועל פי כל דין; כל זכות שאינה ניתנת במסמך זה במפורש, דינה כזכות שמורה.