מדינת ישראל
משרד החינוך

סוג הבחינה: בגרות לבתי"ס על־יסודיים
מועד הבחינה: קיץ תשע"ג
מספר השאלון: **035004**
נספח: דפי נוסחאות ל־4 יח"ל
תרגום לערבית (2)

دولة إسرائيل
وزارة التّربية والتّعليم

نوع الامتحان: بجروت للمدارس الثّانويّة
موعد الامتحان: صيف 2013
رقم النّموذج: **035004**
ملحق: لوائح قوانين لِـ 4 وحدات تعليميّة
ترجمة إلى العربيّة (2)

מתמטיקה
שאלון ד'
הוראות לנבחן

א. משך הבחינה: שעה ושלושה רבעים.

ב. מבנה השאלון ומפתח ההערכה:
בשאלון זה שני פרקים.
פרק ראשון: טריגונומטריה במישור ובמרחב, חשבון דיפרנציאלי ואינטגרלי של הפונקציות הטריגונומטריות — $33\frac{1}{3}\times 1$ נק' $33\frac{1}{3}$ — $33\frac{1}{3}\times 1$
פרק שני: חזקות ולוגריתמים, חשבון דיפרנציאלי ואינטגרלי $33\frac{1}{3}\times 2$ — $66\frac{2}{3}$ נק'
סה"כ — 100 נק'

ג. חומר עזר מותר בשימוש:
1. מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכנות במחשבון הניתן לתכנות. שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכנות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.
2. דפי נוסחאות (מצורפים).

ד. הוראות מיוחדות:
1. אל תעתיק את השאלה; סמן את מספרה בלבד.
2. התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעזרת מחשבון. הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.
3. לטיוטה יש להשתמש במחברת הבחינה או בדפים שקיבלת מהמשגיחים. שימוש בטיוטה אחרת עלול לגרום לפסילת הבחינה.

الرياضيّات
النّموذج "د"
تعليمات للممتحَن

أ. مدّة الامتحان: ساعة وثلاثة أرباع.

ب. مبنى النّموذج وتوزيع الدّرجات:
في هذا النّموذج فصلان.
الفصل الأوّل: حساب المثلّثات في المستوى وفي الفراغ، حساب التّفاضل والتّكامل للدّوالّ المثلّثيّة
$33\frac{1}{3}\times 1$ — $33\frac{1}{3}$ درجة
الفصل الثّاني: الأسس واللّوغريثمات، حساب التّفاضل والتّكامل
$33\frac{1}{3}\times 2$ — $66\frac{2}{3}$ درجة
المجموع — 100 درجة

ج. موادّ مساعدة يُسمح استعمالها:
1. حاسبة غير بيانيّة. لا يُسمح استعمال إمكانيّات البرمجة في الحاسبة التي يمكن برمجتها. استعمال الحاسبة البيانيّة أو إمكانيّات البرمجة في الحاسبة قد يؤدّي إلى إلغاء الامتحان.
2. لوائح قوانين (مرفقة).

د. تعليمات خاصّة:
1. لا تنسخ السّؤال؛ اكتب رقمه فقط.
2. ابدأ كلّ سؤال في صفحة جديدة. اكتب في الدّفتر مراحل الحلّ، حتّى إذا أجريتَ حساباتك بواسطة حاسبة.
فسّر كلّ خطواتك، بما في ذلك الحسابات، بالتّفصيل وبوضوح وبترتيب.
عدم التّفصيل قد يؤدّي إلى خصم درجات أو إلى إلغاء الامتحان.
3. لكتابة مسوّدة يجب استعمال دفتر الامتحان أو الأوراق التي حصلتَ عليها من المراقبين.
استعمال مسوّدة أخرى قد يؤدّي إلى إلغاء الامتحان.

التّعليمات في هذا النّموذج مكتوبة بصيغة المذكّر وموجّهة للممتحَنات وللممتحَنين على حدّ سواء.

ב ה צ ל ח ה! **نتمنّى لك النّجاح!**

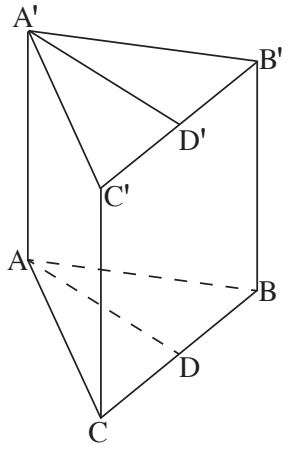
الأسئلة

انتبه ! فسّر كلّ خطواتك، بما في ذلك الحسابات، بالتفصيل وبوضوح.
عدم التفصيل قد يؤدّي إلى خصم درجات أو إلى إلغاء الامتحان.

الفصل الأوّل: حساب المثلّثات في المستوى وفي الفراغ، حساب التفاضل والتكامل للدوالّ المثلّثيّة ($33\frac{1}{3}$ درجة)

أجب عن أحد السؤالين 1-2.
انتبه ! إذا أجبتَ عن أكثر من سؤال واحد، تُفحص فقط الإجابة الأولى التي في دفترك.

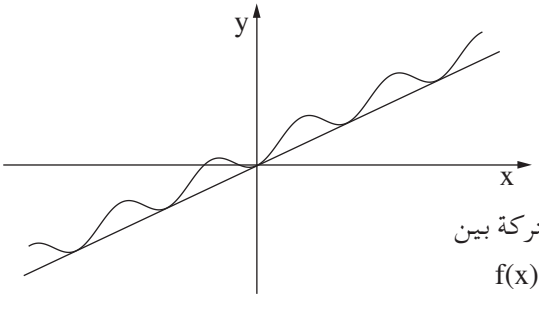
1. في المنشور القائم $ABCA'B'C'$ القاعدتان هما مثلّثان متساويا الساقين $(AB = AC)$.
AD هو ارتفاع على الضلع BC،
وَ $A'D'$ هو ارتفاع على الضلع $B'C'$ (انظر الرسم).



معطى أنّ: $\sphericalangle BAC = 64^o$ ، $BC =$ 26 سم ،
حجم المنشور هو 8112 سم^3.

أ. احسب ارتفاع المنشور.
ب. احسب الزاوية التي بين القطر $A'B$ وقاعدة المنشور ABC.
جـ. احسب $\sphericalangle A'AD'$.

2. معطاة الدالّة
$$f(x) = 0.5x - 0.5\cos(2x) + 0.5$$
ومعطى المستقيم $y = 0.5x$
(انظر الرسم).



أ. (1) جد الإحداثيّات x للنقاط المشتركة بين المستقيم والرسم البيانيّ للدالّة $f(x)$
في المجال $-\pi \le x \le \pi$.

(2) بيّن أنّ المستقيم يمسّ الرسم البيانيّ للدالّة $f(x)$ في النقاط التي وجدتَها في البند الفرعيّ "أ (1)".

ب. جد المساحة المحصورة بين الرسم البيانيّ للدالّة $f(x)$ والمستقيم $y = 0.5x$
في المجال $-\pi \le x \le \pi$.

/يتبع في صفحة 3/

الفصل الثاني: الأسس واللوغريثمات، حساب التفاضل والتكامل ($66\frac{2}{3}$ درجة)

أجب عن اثنين من الأسئلة 3-5 (لكلّ سؤال – $33\frac{1}{3}$ درجة) .

انتبه ! إذا أجبتَ عن أكثر من سؤالين، تُفحص فقط الإجابتان الأوليان اللتان في دفترك .

3. معطاة الدالّة $f(x)=\frac{a}{x^2-x}$ ، a هو بارامتر، $a>0$.

أ. جد مجال تعريف الدالّة $f(x)$.

ب. جد خطوط تقارب الدالّة $f(x)$ ، المعامدة للمحور x .

جـ. بيّن أنّه لا توجد للرسم البيانيّ للدالّة $f(x)$ نقطة تقاطع مع المحور x .

د. جد النقطة القصوى للدالّة $f(x)$ ، وحدِّد نوع هذه النقطة (عبّر بدلالة a حسب الحاجة) .

هـ. ارسم رسمًا تقريبيًّا للرسم البيانيّ للدالّة $f(x)$.

و. المستقيم $y=2x-9$ يمرّ عبر النقطة القصوى للدالّة $f(x)$.

(1) هل المستقيم يمسّ الرسم البيانيّ للدالّة $f(x)$ في النقطة القصوى؟ علّل.

(2) جد a .

4. معطاة الدالّة $f(x)=2x^2e^{-\frac{x^2}{m}}$ ، m هو بارامتر لا يساوي 0 .

أ. ما هو مجال تعريف الدالّة $f(x)$ ؟

ب. معلوم أنّه توجد للدالّة $f(x)$ نقطة قصوى إحداثيّها الـ x هو -2 .
جد قيمة البارامتر m .

عوِّض $m=4$ ، وأجب عن البندين اللذين أمامك.

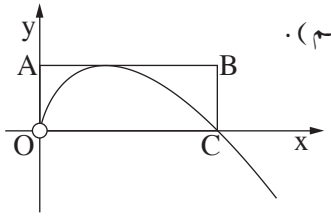
جـ. (1) جد نقاط تقاطع الرسم البيانيّ للدالّة $f(x)$ مع المحورين (إذا وُجدت مثل هذه النقاط) .

(2) جد إحداثيّات النقاط القصوى للدالّة $f(x)$ ، وحدّد نوع هذه النقاط.

(3) ارسم رسمًا تقريبيًّا للرسم البيانيّ للدالّة $f(x)$.

د. حسب الرسم البيانيّ للدالّة $f(x)$، ارسم رسمًا تقريبيًّا للرسم البيانيّ لدالّة المشتقّة $f'(x)$ في المجال $-2\le x\le 2$.

/يتبع في صفحة 4/



5. أ. معطاة الدالّة $f(x) = -x\,\ell n(2x)$ ، $x > 0$ (انظر الرسم).

عبر النقطة القصوى للدالّة، مرّروا مماسًّا يوازي المحور x ، وعبر نقطة تقاطع الرسم البيانيّ للدالّة مع المحور x ، مرّروا مستقيمًا يوازي المحور y .

هذان المستقيمان يُكوِّنان مع المحورين المستطيل ABCO ، كما هو موصوف في الرسم (O — نقطة أصل المحاور).

جد مساحة المستطيل ABCO .

بإمكانك إبقاء e في إجابتك.

ب. بحوزة أحد الباحثين اليوم كمّيّة معيّنة من مادّة إشعاعيّة. تتضاءل هذه الكمّيّة بصورة أُسّيّة.

بعد 10 سنوات، كمّيّة المادّة التي بحوزة الباحث اليوم ستقلّ بِـ 20%.

جد بعد كم سنة من اليوم ستقلّ كمّيّة المادّة بِـ 40%.

ملاحظة: لا توجد علاقة بين البند "أ" والبند "ب".

בהצלחה!
نتمنّى لك النّجاح!

זכות היוצרים שמורה למדינת ישראל.
אין להעתיק או לפרסם אלא ברשות משרד החינוך.
حقوق الطّبع محفوظة لدولة إسرائيل.
النّسخ أو النّشر ممنوعان إلّا بإذن من وزارة التّربية والتّعليم.